

| | | |
|---|---|---|
| <p>1. الخصائص مهمين لا فالتبسيط لا فدراسة الدالة</p> <p>2. حساب النهايات و الاشتقاق من أهم الأشياء الذي وجب التمرن عليها مرارا.</p> | <p>I. النهايات والاتصال</p> <p>II. حساب النهايات و الفروع اللانهائية</p> <p>III. دراسة الإشارة</p> <p>IV. الاشتقاق</p> <p>V. تغيرات-تقعر وضع نسبي</p> <p>VI. نقط هامة</p> <p>VII. ملخص لقواعد $\ln x$ و e^*</p> | <p>المجزوءة :</p> <p>A. دراسة الدوال العددية</p> <p>B. المتتاليات العددية</p> <p>C. حساب التكامل</p> <p>D. الأعداد العقدية</p> |
|---|---|---|

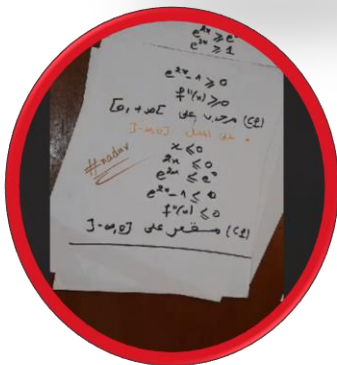
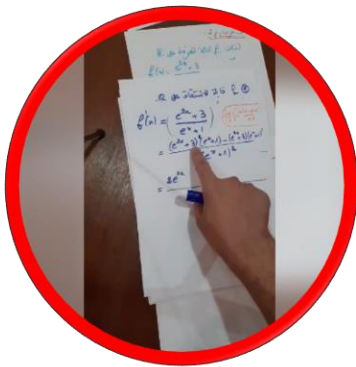
| ملخص الدالة الاسية | ملخص الدالة اللوغاريتمية | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|---|--|--|--|---|-------------------------|--|--|--|-------------------|--|-------------------|--|--|-------------------------|---|---|--|---------------------|---|---|--|-------------------|---|-------------------|---|
| مجموعة التعريف | مجموعة التعريف | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| مجموعة تعريف الدالة الأسية هي : \mathbb{R} $f(x) = e^x \Rightarrow Df = \mathbb{R}$ | مجموعة تعريف الدالة : $f(x) = \ln(x)$ هي : $D_f =]0; +\infty[$ و $f(x) = \ln(u(x))$ هي : $D_f = \{x \in \mathbb{R} / u(x) > 0\}$ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| خصائص | خصائص | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| $e^0 = 1; e^1 = e \approx 2,71828$ و $\forall x \in \mathbb{R} : e^x > 0$ $\forall (a,b) \in]0; +\infty[^2, \forall r \in \mathbb{Q}$ <ul style="list-style-type: none"> $e^a \times e^b = e^{a+b}$ $\frac{e^a}{e^b} = e^{a-b}$ $\frac{1}{e^b} = e^{-b}$ $(e^a)^r = e^{ra}$ $\forall x \in \mathbb{R} \ln(e^x) = x$ $\forall x \in]0; +\infty[e^{\ln(x)} = x$ $e^a = e^b \Leftrightarrow a = b$ & $e^a > e^b \Leftrightarrow a > b$ | $\ln(1) = 0 ; \ln(e) = 1$ $\forall (a,b) \in]0; +\infty[^2, \forall r \in \mathbb{Q}$ <ul style="list-style-type: none"> $\ln\left(\frac{a}{b}\right) = \ln(a) - \ln(b)$ $\ln(a \times b) = \ln(a) + \ln(b)$ $\ln\left(\frac{1}{a}\right) = -\ln(a)$ $\ln(a^r) = r \cdot \ln(a)$ $\ln(\sqrt{a}) = \ln(a^{\frac{1}{2}}) = \frac{1}{2} \ln(a)$ $\ln(a) = y \Leftrightarrow a = e^y / y \in \mathbb{R}$ $\ln(a) = \ln(b) \Leftrightarrow a = b$ $\ln(a) > \ln(b) \Leftrightarrow a > b$ $(x > 1 \Leftrightarrow \ln(x) > 0) \& (0 < x < 1 \Leftrightarrow \ln(x) < 0)$ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| نهايات اعتيادية | نهايات اعتيادية | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| <table border="1" style="width: 100%;"> <tr> <td rowspan="3" style="background-color: #fff2cc;">$x \rightarrow +\infty$</td> <td>$\lim_{x \rightarrow +\infty} e^x = +\infty$</td> </tr> <tr> <td>$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x}{x} = +\infty$</td> </tr> <tr> <td>$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x}{x^n} = +\infty / n \in \mathbb{N}$</td> </tr> <tr> <td rowspan="3" style="background-color: #f08080;">$x \rightarrow -\infty$</td> <td>$\lim_{x \rightarrow -\infty} e^x = 0^+$</td> </tr> <tr> <td>$\lim_{x \rightarrow -\infty} x e^x = 0^+$</td> </tr> <tr> <td>$\lim_{x \rightarrow -\infty} x^n e^x = 0$</td> </tr> <tr> <td style="background-color: #fff2cc;">$x \rightarrow 0$</td> <td>$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1}{x} = 1$</td> </tr> <tr> <td style="background-color: #fff2cc;">$x \rightarrow 1$</td> <td>$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{e^x - e}{x - 1} = e$</td> </tr> </table> | $x \rightarrow +\infty$ | $\lim_{x \rightarrow +\infty} e^x = +\infty$ | $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x}{x} = +\infty$ | $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x}{x^n} = +\infty / n \in \mathbb{N}$ | $x \rightarrow -\infty$ | $\lim_{x \rightarrow -\infty} e^x = 0^+$ | $\lim_{x \rightarrow -\infty} x e^x = 0^+$ | $\lim_{x \rightarrow -\infty} x^n e^x = 0$ | $x \rightarrow 0$ | $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1}{x} = 1$ | $x \rightarrow 1$ | $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{e^x - e}{x - 1} = e$ | <table border="1" style="width: 100%;"> <tr> <td rowspan="3" style="background-color: #fff2cc;">$x \rightarrow +\infty$</td> <td>$\lim_{x \rightarrow +\infty} \ln(x) = +\infty$</td> </tr> <tr> <td>$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln(x)}{x} = 0$</td> </tr> <tr> <td>$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln(x)}{x^n} = 0 / n \in \mathbb{N}$</td> </tr> <tr> <td rowspan="3" style="background-color: #f08080;">$x \rightarrow 0^+$</td> <td>$\lim_{x \rightarrow 0^+} \ln(x) = -\infty$</td> </tr> <tr> <td>$\lim_{x \rightarrow 0^+} x \ln(x) = 0^-$</td> </tr> <tr> <td>$\lim_{x \rightarrow 0^+} x^n \ln(x) = 0^- / n \in \mathbb{N}$</td> </tr> <tr> <td style="background-color: #fff2cc;">$x \rightarrow 1$</td> <td>$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\ln(x)}{x - 1} = 1$</td> </tr> <tr> <td style="background-color: #fff2cc;">$x \rightarrow 0$</td> <td>$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(x+1)}{x} = 1$</td> </tr> </table> | $x \rightarrow +\infty$ | $\lim_{x \rightarrow +\infty} \ln(x) = +\infty$ | $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln(x)}{x} = 0$ | $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln(x)}{x^n} = 0 / n \in \mathbb{N}$ | $x \rightarrow 0^+$ | $\lim_{x \rightarrow 0^+} \ln(x) = -\infty$ | $\lim_{x \rightarrow 0^+} x \ln(x) = 0^-$ | $\lim_{x \rightarrow 0^+} x^n \ln(x) = 0^- / n \in \mathbb{N}$ | $x \rightarrow 1$ | $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\ln(x)}{x - 1} = 1$ | $x \rightarrow 0$ | $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(x+1)}{x} = 1$ |
| $x \rightarrow +\infty$ | | $\lim_{x \rightarrow +\infty} e^x = +\infty$ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x}{x} = +\infty$ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x}{x^n} = +\infty / n \in \mathbb{N}$ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| $x \rightarrow -\infty$ | $\lim_{x \rightarrow -\infty} e^x = 0^+$ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | $\lim_{x \rightarrow -\infty} x e^x = 0^+$ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | $\lim_{x \rightarrow -\infty} x^n e^x = 0$ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| $x \rightarrow 0$ | $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1}{x} = 1$ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| $x \rightarrow 1$ | $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{e^x - e}{x - 1} = e$ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| $x \rightarrow +\infty$ | $\lim_{x \rightarrow +\infty} \ln(x) = +\infty$ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln(x)}{x} = 0$ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln(x)}{x^n} = 0 / n \in \mathbb{N}$ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| $x \rightarrow 0^+$ | $\lim_{x \rightarrow 0^+} \ln(x) = -\infty$ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | $\lim_{x \rightarrow 0^+} x \ln(x) = 0^-$ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | $\lim_{x \rightarrow 0^+} x^n \ln(x) = 0^- / n \in \mathbb{N}$ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| $x \rightarrow 1$ | $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\ln(x)}{x - 1} = 1$ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| $x \rightarrow 0$ | $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(x+1)}{x} = 1$ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |

| مشتقة الدالة الاسية | مشتقة الدالة اللوغاريتمية |
|---|---|
| $\forall x \in \mathbb{R} \quad (e^x)' = e^x$ $(e^{u(x)})' = u'(x)e^{u(x)}$: بصفة عامة | $\forall x \in]0; +\infty[\quad (\ln(x))' = \frac{1}{x}$ $\forall u(x) > 0 \quad (\ln(u(x)))' = \frac{u'(x)}{u(x)}$: بصفة عامة |
| الدالة الأصلية للدالة الأسية | |
| $\forall x \in \mathbb{R} \quad \int e^x dx = [e^x]$ | |

للاستعداد الجيد :

مجموعة من الفيديوهات على شكل LIVE على **facebook** مجموعة هنا في هذا الرابط

كليك هنا



<https://www.facebook.com/mehdi.belbacha>



<https://www.instagram.com/live.profmehdi/>